

**Ministry of Higher Education and  
Scientific Research  
University of Mosul  
College of Computer Science and  
Mathematics  
Department of Mathematics**



# **Oscillation and Stability of Solutions for some delay differential equations**

**A Thesis Submitted to the Council of the College of  
Computer Science and Mathematics  
University of Mosul  
as a Partial Fulfillment of Requirements  
for the Degree of Doctor of Philosophy in  
Mathematics/ Pure mathematics  
By**

**Rajaa Youins Mhoo Mohammed**

**Supervised by**

**Assist. Prof. Dr. Thair Younis Thanoon  
Mohammed**

---

**2024 A.D.**

**1446 A.H.**

## **Abstract**

In this research, the stability and oscillation of solutions for certain first, second, and third-order delay differential equations were studied.

Various analytical, algebraic, and numerical methods were employed to investigate and analyze the stability of these types of equations, and the validity of these methods was demonstrated through examples, yielding excellent results.

Additionally, examples were provided to validate the modification of certain theorem conditions for determining the oscillation of solutions for this type of equation.

Finally, the study concluded by applying delay differential equations to insect life cycles, highlighting the importance of these equations in understanding various aspects of natural phenomena.

Thus, this study concluded that the methods used for determining the stability and oscillation of these types of equations were robust, precise, and produced highly satisfactory results.



وزارة التعليم العالي والبحث العلمي  
جامعة الموصل  
كلية علوم الحاسوب والرياضيات  
قسم الرياضيات

## تذبذب واستقرار الحلول لبعض المعادلات التفاضلية المتأخرة

اطروحة مقدمة

الى مجلس كلية علوم الحاسوب والرياضيات في جامعة الموصل  
كجزء من متطلبات نيل شهادة دكتوراه فلسفة في  
الرياضيات/ الرياضيات البحتة

من قبل

رجاء يونس محو محمد

بإشراف

أ. م. د. ثائر يونس ذنون محمد

## الملخص

في هذا البحث درست استقرار وتذبذب الحلول لبعض المعادلات التفاضلية ذات التأخير من الرتب الأولى والثانية والثالثة.

حيث استخدمنا بعض الطرق التحليلية والجبرية والعديد لدراسة وتقصي استقراره هذه الأنواع من المعادلات ووضحت صحة الطرق ببعض الأمثلة حيث تمكنا من الحصول على نتائج جيدة جدا.

بالإضافة الى ذلك فقد اخذنا بعض الأمثلة لتعزيز صحة تغيير شروط بعض المبرهنات الخاصة لإيجاد تذبذب الحلول لهذا النوع من المعادلات.

وأخيرا أنهينا هذا البحث بتطبيق عن المعادلات التفاضلية المتأخرة على دورة حياة الحشرات مشيرين الى أهمية تأثير هذا النوع من المعادلات لمظاهر الحياة الطبيعية المختلفة.

وبذلك استنتجت هذه الدراسة الى ان الطرق المستخدمة لإيجاد الاستقرار والتذبذب لهذه الأنواع من المعادلات كانت قوية ودقيقة واعطت نتائج مذهلة وجيدة جدا.