



جامعة الموصل

كلية التربية

تقدير أدنى معيار للمسافة التربيعية غير المتحيزة

لمركبات التباين لنموذج ثنائي الاتجاه المختلط

بوجود التداخل مع التطبيق

رسالة ماجستير في

الرياضيات

محمد نافع عبدالرزاق

بإشراف

الاستاذ المساعد الدكتور

محمد نذير اسماعيل قاسم

## المستخلص

تتناول هذه الرسالة تقدير مركبات التباين للأنموذج المقترح ويمثل أنموذج ثنائي الاتجاه المختلط بوجود التداخل .

يتم الحصول على التقدير بواسطة أسلوب إحصائي رياضي يدعى تقدير أدنى معيار للمسافة التربيعية غير المتحيزة (MINQUE). هذا الأسلوب اقترحه الباحث C. R. Rao وحتى الآن يستعمله العديد من الباحثين في تطبيقاتهم لأنواع محددة لتحليل البيانات .

وتم في عملية التقدير استعمال مصفوفة الإسقاط (Projection Matrix) من اجل حذف حد الوسط العام ( $\mu$ ) في الانموذج . وطُبقت طريقة التقدير على بيانات حقيقية التي تمثل اربعة انواع مثبتة من التربة وهذا يمثل العامل الاول **A** , وثلاثة اصناف من الطماطم اختيرت بطريقة عشوائية من بين عشرة اصناف وهذا يمثل العامل الثاني **B** ، والتفاعل موجود بين العاملين **AB** , ويتم الحصول على القيم الابتدائية بواسطة طريقة تحليل التباين ثنائي الاتجاه المختلط بوجود التداخل وفيما بعد قيم التقديرات الابتدائية تستعمل بوصفها قيماً ابتدائية في تقدير أل (MINQUE) التكراري. إذ تم الحصول على التقارب في التكرار الثاني, وكذلك تم حساب الاخطاء المعيارية والنتيجة النهائية التي حصلنا عليها كانت مشجعة جداً .

كل الخوارزميات بُرمت بواسطة نظام ال (MATLAB) .

## **Abstract**

This thesis deals with the estimation of variance components of a suggested model that represents a mixed two-way model with the existence of interaction.

The estimation is worked out by the approach of mathematical statistics; it is called Minimum Norm Quadratic Unbiased Estimator (MINQUE).

This approach (MINQUE) was suggested by the researcher C. R. Rao, and is used till now by several authors/researchers for their application in certain types of data analysis.

In this work we used the projection matrix to omit the general bounded mean in this model (MINQUE).

This estimation approach was applied on real data which represent four fixed types of soil and this represents the first factor A, and three randomly chosen types of tomato out of ten types which represents the second factor B, and interaction exists between the two factors AB. We can get the initial values of estimation by the analysis of variance of a mixed two-way with the existence of interaction and later these initial values of estimations are used as initial values in (MINQUE) repeated estimation, and we got convergence in the second repetition, also the standard errors of estimator are computed. And the final obtained results are very encouraging.

All algorithms are programmed by (MATLAB) system.

College of Education



**Minimum Norm of Quadratic Distance Unbiased  
Estimation of Variance Components of  
a Mixed Two – Way Model With  
Interaction with an  
Application**

**Mohammad Nafi' Abdulrazzaq**

**M. Sc. Thesis  
Mathematics**

**Under Supervised By  
Dr. Mohammed N. I. Qassim**